

التمرين الأول : ( 4 نقط )

لتكن  $(u_n)_{n \geq 1}$  متتالية حسابية أساسها  $r$  بحيث :  $u_{15} = 25$  و  $u_{18} = 34$ .

(2)

(1) بين أن :  $r = 3$  و  $u_1 = -17$ .

(1)

(2) اكتب  $u_n$  بدلالة  $n$  من  $\mathbb{N}^*$ 

(1)

(3) احسب المجموع :  $S = u_1 + u_2 + u_3 + \dots + u_{18}$ .

التمرين الثاني : ( 9 نقط )

نعتبر المتتالية  $(u_n)$  المعرفة بما يلي :  $u_0 = 4$  و  $\forall n \in \mathbb{N} : u_{n+1} = \frac{4u_n + 3}{u_n + 2}$ .

(1,5+0,5)

(1) احسب  $u_1$  ثم بين ، بالترجع ، أن :  $\forall n \in \mathbb{N} : u_n > 3$ .

(0,5)

(2) أ) تحقق من أن :  $\forall n \in \mathbb{N} : u_n^2 - 2u_n - 3 = (u_n + 1)(u_n - 3)$ .

(0,5+1)

(ب) أثبت أن  $(u_n)_n$  متتالية تناقصية قطعا. استنتج أن :  $\forall n \in \mathbb{N} : 3 < u_n \leq 4$ .(3) لتكن  $(v_n)_n$  المتتالية العددية المعرفة بما يلي :  $\forall n \in \mathbb{N} : v_n = \frac{u_n - 3}{u_n + 1}$ .

(0,5+1)

(أ) بين أن  $(v_n)_n$  متتالية هندسية أساسها  $q = \frac{1}{5}$  و احسب حدها الأول  $v_0$ .

(1+0,5)

(ب) اكتب  $v_n$  بدلالة  $n$  ثم استنتج أن :  $\forall n \in \mathbb{N} : u_n = \frac{3 \times 5^{n+1} + 1}{5^{n+1} - 1}$ .

(1)

(4) نضع :  $S_n = v_0 + v_1 + v_2 + \dots + v_{n-1}$  :  $\forall n \in \mathbb{N}^*$ . بين أن :  $S_n = \frac{1}{4} \left( 1 - \frac{1}{5^n} \right)$ .

(0,5)

(5) (أ) بين أن :  $\forall n \in \mathbb{N} : u_{n+1} - 3 \leq \frac{1}{5}(u_n - 3)$ .

(0,5)

(ب) استنتج أن  $\forall n \in \mathbb{N}^* : u_n - 3 \leq \left( \frac{1}{5} \right)^n$ .

التمرين الثالث : ( 7 نقط )

نعتبر الدالتين العدديتين  $f$  و  $g$  المعرفتين بما يلي :

$$g(x) = \frac{x-3}{x-1} \quad \text{و} \quad f(x) = \sqrt{3-x}$$

(1+0,5)

(1) حدد  $D_g$  مجموعة تعريف الدالة  $g$  ثم ضع جدول تغيرات الدالة  $g$ .

(0,5)

(2) بين أن مجموعة تعريف الدالة  $f$  هي :  $D_f = ]-\infty; 3]$ .

(1)

(3) (أ) بين أن مجموعة تعريف الدالة  $g \circ f$  هي :  $D_{g \circ f} = ]-\infty; 2[ \cup ]2; 3]$ .

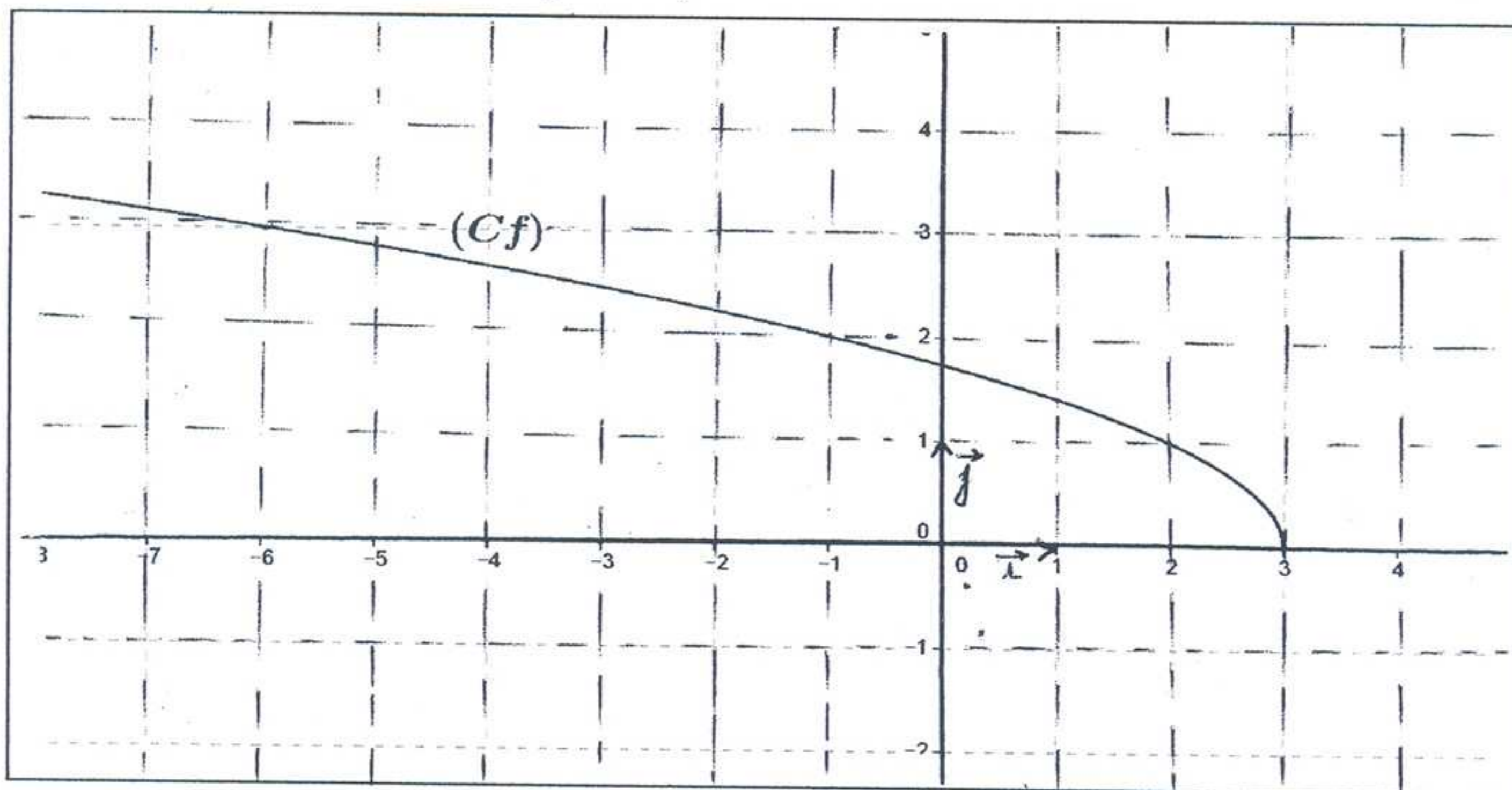
(0,5)

(ب) احسب  $g \circ f(x)$  لكل  $x$  من  $D_{g \circ f}$ .

يتبع ....

9/2

(4) التمثيل المبياني للدالة  $f$  في معلم متعامد ممنظم  $(O; \vec{i}; \vec{j})$  كالتالي :



- (1) انطلقا من التمثيل المبياني أعلاه ، اعط جدول تغيرات الدالة  $f$  .  
 (ب) حدد مبيانيا :  $f([2;3])$  و  $f(]-\infty;2[)$  .  
 (ج) حدد تغيرات الدالة  $g \circ f$  على كل من المجالين  $]2;3]$  و  $]-\infty;2[$  .

انتهى .